Algoritmi	26 Gennaio 2010
Appello	Università di Salerno

Cognome: Nome: Matricola:

Rispondere alle domande usando lo spazio designato. NON USARE ALTRI FOGLI. Indicare l'eventuale preferenza per il periodo dell'orale:

Prima del 19 febbraio	Dopo il 19 febbraio

Spazio riservato alla correzione

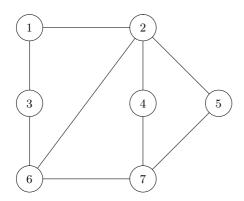
1	2	3	4	5	Tot/100
					/100

1. Utilizzando lo spazio a disposizione, descrivere le principali tecniche di progettazione di algoritmi studiate, confrontandone quelli che secondo voi sono i punti salienti.

2. Si supponga di avere due algoritmi A ed A' che risolvono il medesimo problema in tempo  $T_A(n)$  e  $T_{A'}(n)$  rispettivamente. Se  $T_A(n) = 5n^2 + 11 \log n$  e  $T_{A'}(n) = \sqrt{(n^3)logn} + n$ , quale dei due algoritmi e' asintoticamente piu' efficiente in termini di tempo? E' necessario giustificare la risposta.

- 3. In una (ignota) localita' sciistica, vi sono n stazioni  $s_1, s_2, \dots, s_n$ , collegate tra loro da piste da sci. Dalla stazione  $s_1$ , in vetta alla montagna, e' possibile arrivare alla stazione  $s_n$  a valle in vari modi. Poiche' le stazioni  $s_1, s_2, \dots, s_n$ , sono ordinate secondo la loro altezza decrescente, una pista che parte da  $s_i$  arriva in una stazione  $s_j$ , con j > i; inoltre per ogni  $1 \le i < j \le n$  c'e' una pista da  $s_i$  a  $s_j$  a cui e' associato un tempo di percorrenza  $t_{i,j}$ . Poiche' le piste hanno diverso grado di difficolta', e' possibile che per andare da  $s_i$  a  $s_j$ , si impieghi meno tempo utilizzando piu' piste collegate che non quella diretta.
  - Si consideri il problema di determinare il tempo minimo per andare da  $s_1$  ad  $s_n$ , avendo in input i tempi di percorrenza  $t_{i,j}$ ,
  - a) Indicare qual e' il tempo di esecuzione di un algoritmo di "forza bruta" che risolve il problema.
  - b) Descrivere un algoritmo di programmazione dinamica per lo stesso problema. Analizzare la complessita' dell'algoritmo proposto e confrontarla con quella del punto a).

## 4. Sia G il grafo seguente:



- a) Eseguire la BFS su G a partire dal nodo 1, mostrando i "layers" (strati) ottenuti e l'albero BFS risultante.
- b) Dire se G e' un grafo bipartito, motivando la risposta e, in caso affermativo, fornire la partizione dei vertici per cui G e' un grafo bipartito.

5. Fornire l'esempio di un grafo e di un suo vertice, in modo che l'albero BFS abbia altezza 1, mentre l'albero DFS abbia altezza pari al numero di vertici meno 1. Giustificare la risposta.

# PAGINA PER APPUNTI

# PAGINA PER APPUNTI

Algoritmi e Strutture Dati - classe 3	26 Gennaio 2010
Appello	Università di Salerno

Cognome: Nome: Matricola:

Rispondere alle domande usando lo spazio designato. NON USARE ALTRI FOGLI.

Indicare l'eventuale preferenza per il periodo dell'orale:

Prima del 19 febbraio	Dopo il 19 febbraio

Spazio riservato alla correzione

1	2	3	4	5	Tot/100
					/100

1. Utilizzando lo spazio a disposizione, descrivere le principali tecniche di progettazione di algoritmi studiate, confrontandone quelli che secondo voi sono i punti salienti.

2. Si supponga di avere due algoritmi A ed A' che risolvono il medesimo problema in tempo  $T_A(n)$  e  $T_{A'}(n)$  rispettivamente. Se  $T_A(n) = 5n^2 + 11 \log n$  e  $T_{A'}(n) = \sqrt{(n^3)logn} + n$ , quale dei due algoritmi e' asintoticamente piu' efficiente in termini di tempo? E' necessario giustificare la risposta.

3. In una (ignota) localita' sciistica, vi sono n stazioni  $s_1, s_2, \dots, s_n$ , collegate tra loro da piste da sci. Dalla stazione  $s_1$ , in vetta alla montagna, e' possibile arrivare alla stazione  $s_n$  a valle in vari modi. Poiche' le stazioni  $s_1, s_2, \dots, s_n$ , sono ordinate secondo la loro altezza decrescente, una pista che parte da  $s_i$  arriva in una stazione  $s_j$ , con j > i; inoltre per ogni  $1 \le i < j \le n$  c'e' una pista da  $s_i$  a  $s_j$  a cui e' associato un tempo di percorrenza  $t_{i,j}$ . Poiche' le piste hanno diverso grado di difficolta', e' possibile che per andare da  $s_i$  a  $s_j$ , si impieghi meno tempo utilizzando piu' piste collegate che non quella diretta.

Descrivere un algoritmo di programmazione dinamica che, presi in input i tempi di percorrenza  $t_{i,j}$ , determini il tempo minimo per andare da  $s_1$  ad  $s_n$ . Analizzare la complessita' dell'algoritmo proposto.

4. Illustrare l'azione di HEAPSORT sull'array A=[18,8,10,1,2,9] in modo da evidenziare ogni aggiornamento dell'array e il risultato finale. Un heap puo' essere rappresentato sia tramite vettore che tramite albero.

5. Definire le classi P, NP e NPC, e, per ognuna di esse, mostrare un esempio di linguaggio che vi appartiene.

# PAGINA PER APPUNTI O 'BRUTTA COPIA'

# PAGINA PER APPUNTI O 'BRUTTA COPIA'